

Reg. No. :

SY-51

Name :

SECOND YEAR HIGHER SECONDARY EXAMINATION, MARCH 2020

Part – III

MATHEMATICS (COMMERCE)

Time : 2½ Hours

Maximum : 80 Scores

Cool-off time : 15 Minutes

General Instructions to Candidates :

- There is a ‘Cool-off time’ of 15 minutes in addition to the writing time.
- Use the ‘Cool-off time’ to get familiar with questions and to plan your answers.
- Read questions carefully before answering.
- Read the instructions carefully.
- Calculations, figures and graphs should be shown in the answer sheet itself.
- Malayalam version of the questions is also provided.
- Give equations wherever necessary.
- Electronic devices except non-programmable calculators are not allowed in the Examination Hall.

വിദ്യാർത്ഥികൾക്കുള്ള പൊതുനിർദ്ദേശങ്ങൾ :

- നിർദ്ദിഷ്ട സമയത്തിന് പുറമെ 15 മിനിറ്റ് ‘കൂൾ ഓഫ് ടൈം’ ഉണ്ടായിരിക്കും.
- ‘കൂൾ ഓഫ് ടൈം’ ചോദ്യങ്ങൾ പരിചയപ്പെടാനും ഉത്തരങ്ങൾ ആസൂത്രണം ചെയ്യാനും ഉപയോഗിക്കുക.
- ഉത്തരങ്ങൾ എഴുതുന്നതിന് മുമ്പ് ചോദ്യങ്ങൾ ശ്രദ്ധാപൂർവ്വം വായിക്കണം.
- നിർദ്ദേശങ്ങൾ മുഴുവനും ശ്രദ്ധാപൂർവ്വം വായിക്കണം.
- കണക്ക് കൂട്ടലുകൾ, ചിത്രങ്ങൾ, ഗ്രാഫുകൾ, എന്നിവ ഉത്തരപേപ്പറിൽ തന്നെ ഉണ്ടായിരിക്കണം.
- ചോദ്യങ്ങൾ മലയാളത്തിലും നല്കിയിട്ടുണ്ട്.
- ആവശ്യമുള്ള സ്ഥലത്ത് സമവാക്യങ്ങൾ കൊടുക്കണം.
- പ്രോഗ്രാമുകൾ ചെയ്യാനാകാത്ത കാൽക്കുലേറ്ററുകൾ ഒഴികെയുള്ള ഒരു ഇലക്ട്രോണിക് ഉപകരണവും പരീക്ഷാഹാളിൽ ഉപയോഗിക്കുവാൻ പാടില്ല.

Answer any 6 questions from 1 to 8. Each carries 3 scores.

(6 × 3 = 18)

1. (i) Form the 2×2 matrix $A = [a_{ij}]$, where $a_{ij} = i - j$ (2)

(ii) Find : A' (1)

2. (i) The principal value of $\sin^{-1}\left(\frac{1}{2}\right)$ is (1)

(a) $\frac{\pi}{3}$

(b) $\frac{\pi}{6}$

(c) $\frac{\pi}{4}$

(d) $\frac{\pi}{2}$

(ii) Find the sum :

(a) $\sin^{-1}\left(\frac{1}{2}\right) + \cos^{-1}\left(\frac{1}{2}\right)$ (1)

(b) $\cos^{-1}\left(\frac{-1}{2}\right) + \cos^{-1}\left(\frac{1}{2}\right)$ (1)

3. (i) If $\vec{a} = 2\hat{i} + \hat{j} - \hat{k}$, $\vec{b} = \hat{i} + 2\hat{j} + \hat{k}$ are two vectors, then find $|\vec{a}|$ and $|\vec{b}|$ (1)

(ii) Find $\vec{a} \cdot \vec{b}$ (1)

(iii) Find the angle between \vec{a} and \vec{b} . (1)

4. (i) Find the value of x if $\tan^{-1} x = \frac{\pi}{4}$ (1)

(ii) Show that

$$\tan^{-1} \frac{2}{11} + \tan^{-1} \frac{7}{24} = \tan^{-1} \frac{1}{2} \quad (2)$$

1 മുതൽ 8 വരെ ചോദ്യങ്ങളിൽ ഏതെങ്കിലും 6 എണ്ണത്തിന് ഉത്തരം എഴുതുക.

3 സ്കോർ വീതം.

(6 × 3 = 18)

1. (i) $a_{ij} = i - j$ ആകത്തക്കവിധം ഒരു $A = [a_{ij}]$ എന്ന 2×2 മാട്രിക്സ് നിർമ്മിക്കുക. (2)

(ii) A' കാണുക (1)

2. (i) $\sin^{-1}\left(\frac{1}{2}\right)$ ന്റെ പ്രിൻസിപ്പൽ വിലയാണ്. (1)

(a) $\frac{\pi}{3}$ (b) $\frac{\pi}{6}$

(c) $\frac{\pi}{4}$ (d) $\frac{\pi}{2}$

(ii) തുക കാണുക :

(a) $\sin^{-1}\left(\frac{1}{2}\right) + \cos^{-1}\left(\frac{1}{2}\right)$ (1)

(b) $\cos^{-1}\left(\frac{-1}{2}\right) + \cos^{-1}\left(\frac{1}{2}\right)$ (1)

3. (i) $\vec{a} = 2\hat{i} + \hat{j} - \hat{k}$, $\vec{b} = \hat{i} + 2\hat{j} + \hat{k}$ എന്നിവ രണ്ട് വെക്ടറുകൾ ആയാൽ $|\vec{a}|$, $|\vec{b}|$ എന്നിവ കാണുക. (1)

(ii) $\vec{a} \cdot \vec{b}$ കണ്ടുപിടിക്കുക. (1)

(iii) \vec{a} , \vec{b} എന്നിവയ്ക്കിടയിലുള്ള കോണളവ് കണ്ടുപിടിക്കുക. (1)

4. (i) $\tan^{-1} x = \frac{\pi}{4}$ ആയാൽ x -ന്റെ വില കണ്ടുപിടിക്കുക. (1)

(ii) $\tan^{-1} \frac{2}{11} + \tan^{-1} \frac{7}{24} = \tan^{-1} \frac{1}{2}$ എന്ന് തെളിയിക്കുക. (2)

5. The cost function for the production of x units of an item is $c(x) = 12x^2 + 5x + 6$. Find the marginal cost when 500 items are produced. (3)

6. Integrate the following w.r.t. x .

(i) $\frac{1}{1+x^2}$ (1)

(ii) $\frac{e^{\tan^{-1}x}}{1+x^2}$ (2)

7. (i) The number of straight lines passes through $(1, 2, 1)$ and parallel to the vector $2\hat{i} + 3\hat{j} + \hat{k}$ is _____.

- (a) one (b) infinity
(c) two (d) none (1)

(ii) Find the equation of a line passing through the point $(1, 2, 1)$ and parallel to $2\hat{i} + 3\hat{j} + \hat{k}$ in both vector and Cartesian forms. (2)

8. Find the probability of getting the number 5 exactly twice in 7 throws of a die. (3)

Answer any 8 questions from 9 to 18. Each carries 4 scores. (8 × 4 = 32)

9. (i) Express the matrix $\begin{bmatrix} 1 & 5 \\ -1 & 2 \end{bmatrix}$ as the sum of a symmetric and a skew symmetric matrix. (2)

(ii) If the matrix $\begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix}$ is a skew symmetric matrix, find the value of $\frac{a+b}{c+d}$. (2)

5. ഒരു പ്രത്യേക ഉല്പന്നം, x യൂണിറ്റ് നിർമ്മിക്കാൻ ആവശ്യമായ കോസ്റ്റ് ഫംഗ്ഷൻ $c(x) = 12x^2 + 5x + 6$ ആണ്. ഈ ഉല്പന്നം 500 യൂണിറ്റ് നിർമ്മിക്കുമ്പോഴുള്ള മാർജിനൽ കോസ്റ്റ് കണക്കാക്കുക. (3)

6. ചുവടെ കൊടുത്തിരിക്കുന്നവ x ആധാരമാക്കി ഇൻ്റഗ്രേറ്റ് ചെയ്യുക

(i) $\frac{1}{1+x^2}$ (1)

(ii) $\frac{e^{\tan^{-1}x}}{1+x^2}$ (2)

7. (i) $(1, 2, 1)$ ലൂടെ കടന്നുപോകുന്നതും $2\hat{i} + 3\hat{j} + \hat{k}$ എന്ന വെക്ടറിന് സമാന്തരവുമായ രേഖകളുടെ എണ്ണം _____.
 (a) ഒന്ന് (b) അനേകം
 (c) രണ്ട് (d) ഒന്നുമില്ല (1)

(ii) $(1, 2, 1)$ എന്ന ബിന്ദുവിലൂടെ കടന്നുപോകുന്നതും $2\hat{i} + 3\hat{j} + \hat{k}$ എന്ന വെക്ടറിന് സമാന്തരവുമായ ഒരു രേഖയുടെ വെക്ടർ സമവാക്യവും കാർട്ടീഷ്യൻ സമവാക്യവും കണ്ടുപിടിക്കുക. (2)

8. ഒരു ഡൈ 7 പ്രാവശ്യം എറിയുമ്പോൾ 5 എന്ന സംഖ്യ കൃത്യമായി രണ്ടു പ്രാവശ്യം ലഭിക്കുന്നതിനുള്ള പ്രോബബിലിറ്റി കണ്ടുപിടിക്കുക. (3)

9 മുതൽ 18 വരെ ചോദ്യങ്ങളിൽ ഏതെങ്കിലും 8 എണ്ണത്തിന് ഉത്തരം എഴുതുക. 4 സ്കോർ വീതം. (8 × 4 = 32)

9. (i) $\begin{bmatrix} 1 & 5 \\ -1 & 2 \end{bmatrix}$ എന്ന മാട്രിക്സിനെ ഒരു സിമ്മട്രിക് മാട്രിക്സിന്റേയും ഒരു സ്ക്വയർ സിമ്മട്രിക് മാട്രിക്സിന്റേയും തുകയായി എഴുതുക. (2)

(ii) $\begin{bmatrix} a & b \\ c & d \end{bmatrix}$ ഒരു സ്ക്വയർ സിമ്മട്രിക് മാട്രിക്സ് ആയാൽ $\frac{a+b}{c+d}$ യുടെ വില കാണുക. (2)

10. (i) Find the value of k if the function given by

$$f(x) = \begin{cases} kx^2, & \text{if } x \leq 2 \\ 3, & \text{if } x > 2 \end{cases} \text{ is}$$

continuous on \mathbb{R} . (2)

- (ii) Show that the function $g(x) = \cos(x^2)$ is continuous. (2)

11. (i) What is the value of $f(3)$ if $f(x) = 3x^2 + x - 3$? (1)

- (ii) Find the product :

$$f'(3) \cdot \Delta x \text{ if } \Delta x = 0.02$$

Using this find the approximate value of $f(3.02)$ (3)

12. (i) If $\int_a^b f(x) dx = k \int_b^a f(x) dx$, then k is (1)

(a) 1 (b) $\frac{1}{2}$

(c) -1 (d) 2

- (ii) Find $\int_0^5 e^x dx$. (1)

- (iii) Evaluate $\int_0^{\pi/4} e^x (\sin x + \cos x) dx$ (2)

10. (i) $f(x) = \begin{cases} kx^2, & \text{if } x \leq 2 \\ 3, & \text{if } x > 2 \end{cases}$ എന്ന ഫംഗ്ഷൻ R -ൽ കണ്ടിന്യൂസ് ആയാൽ k -യുടെ വില കണ്ടുപിടിക്കുക. (2)

(ii) $g(x) = \cos(x^2)$ എന്ന ഫംഗ്ഷൻ കണ്ടിന്യൂസ് ആണെന്ന് തെളിയിക്കുക. (2)

11. (i) $f(x) = 3x^2 + x - 3$ ആയാൽ $f(3)$ യുടെ വിലയെന്ത്? (1)

(ii) $\Delta x = 0.02$ ആണെങ്കിൽ $f'(3) \cdot \Delta x$ ന്റെ വിലയെന്ത്? ഈ വില ഉപയോഗിച്ച് $f(3.02)$ ന്റെ ഏകദേശ വില കണക്കാക്കുക. (3)

12. (i) $\int_a^b f(x) dx = k \int_b^a f(x) dx$ ആയാൽ k -യുടെ വില. (1)

(a) 1 (b) $\frac{1}{2}$

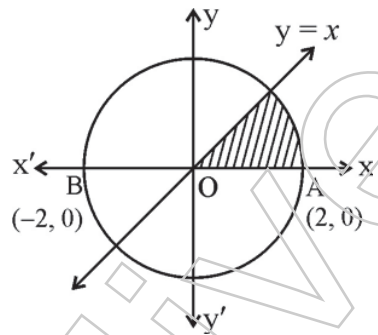
(c) -1 (d) 2

(ii) $\int_0^5 e^x dx$ കണ്ടുപിടിക്കുക (1)

(iii) $\int_0^{\pi/4} e^x (\sin x + \cos x) dx$ -ന്റെ വില കണ്ടുപിടിക്കുക. (2)

13. Given that $f(x) = x^3 - 3x + 3$.
- (i) Find $f'(x)$ (1)
- (ii) Verify Mean Value Theorem for $f(x) = x^3 - 3x + 3$ in the interval $[-1, 1]$ (2)
- (iii) Find all $c \in [-1, 1]$ for which $f'(c) = 0$. (1)

14. In the figure, origin is the centre of the circle and $y = x$ is a straight line. Find the area of the shaded region. (4)



15. (i) Write the order and degree of the differential equation :

$$x \frac{dy}{dx} = x + y \quad (1)$$

- (ii) Solve : $x \frac{dy}{dx} = x + y$ (3)

16. (i) Find the Cartesian equation of the plane passing through the points $(1, 1, 0)$, $(1, 2, 1)$ and $(-2, 2, -1)$ (2)
- (ii) Write the x, y, z intercepts of the plane given above. (2)

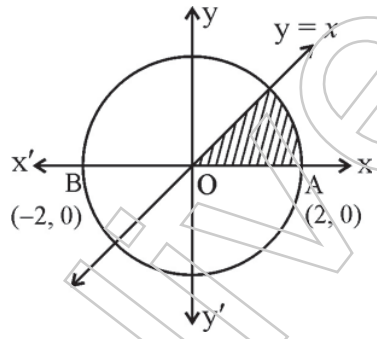
13. $f(x) = x^3 - 3x + 3$ എന്ന് തന്നിട്ടുണ്ട്.

(i) $f'(x)$ കാണുക. (1)

(ii) $[-1, 1]$ എന്ന ഇന്റർവെലിൽ $f(x) = x^3 - 3x + 3$ എന്ന ഫംഗ്ഷൻ മീൻ വാല്യു തിരയ്ക്കാനോ ശരിയാണോ എന്ന് പരിശോധിക്കുക. (2)

(iii) $f'(c) = 0$ ആകുന്നവിധം $[-1, 1]$ ലുള്ള c യുടെ എല്ലാ വിലകളും കണ്ടുപിടിക്കുക. (1)

14. ചിത്രത്തിൽ വൃത്തത്തിന്റെ കേന്ദ്രം ഒറിജിനും $y = x$ ഒരു രേഖയുമാണ്. ഷേഡ് ചെയ്ത ഭാഗത്തിന്റെ പരപ്പളവ് കണ്ടുപിടിക്കുക. (4)



15. (i) $x \frac{dy}{dx} = x + y$ എന്ന ഡിഫറൻഷ്യൽ ഇക്വേഷന്റെ ഓർഡർ, ഡിഗ്രി എന്നിവ എഴുതുക. (1)

(ii) $x \frac{dy}{dx} = x + y$ എന്ന സമവാക്യം നിർധാരണം ചെയ്യുക. (3)

16. (i) $(1, 1, 0), (1, 2, 1), (-2, 2, -1)$ എന്നീ ബിന്ദുക്കളിലൂടെ കടന്നുപോകുന്ന തലത്തിന്റെ കാർട്ടീഷ്യൻ സമവാക്യം കണ്ടുപിടിക്കുക. (2)

(ii) മേൽ പറഞ്ഞ തലത്തിന്റെ x, y, z ഇന്റർസെപ്റ്റുകൾ എഴുതുക. (2)

17. A pharmaceutical company produces 2 types of medicines A and B which requires 2 ingredients C and D. The requirement to produce one bottle (50 ml) each of A and B are given below :

	A	B	Max. Availability of C and D
C	20 ml	40 ml	3000 ml
D	30 ml	10 ml	5000 ml

To produce maximum number of bottles of medicines A and B, formulate the problem as an LPP. (4)

(No graph or solution required.)

18. Given that A and B are two independent events and $P(A) = \frac{2}{10}$; $P(B) = \frac{4}{10}$.

Then find,

- (i) $P(A / B) \times P(B / A)$ (2)
- (ii) $P(A \cup B)$ (2)

Answer any 5 questions from 19 to 25. Each carries 6 scores. (5 × 6 = 30)

19. Let f and g be two functions on R given by $f(x) = 3 + 4x$; $g(x) = x^2$
- (i) Show that f is one-one. (2)
- (ii) Show that g is many-one. (1)
- (iii) Considering the domain and range of both f and g as R^+ , find $f \circ g(x)$ and $g \circ f(x)$. (3)

17. ഒരു മരുന്നു കമ്പനി A, B എന്നീ 2 തരം മരുന്നുകൾ നിർമ്മിക്കുന്നു. ഇവക്ക് 2 തരം ചേരുവകൾ C, D എന്നിവ ആവശ്യമാണ്. A, B എന്നിവയുടെ ഓരോ ബോട്ടിൽ (50 ml) നിർമ്മിക്കാൻ ആവശ്യമായ ചേരുവകളുടെ അളവുകൾ ചുവടെ തന്നിരിക്കുന്നു.

	A	B	C, D എന്നിവയുടെ പരമാവധി ലഭ്യത
C	20 ml	40 ml	3000 ml
D	30 ml	10 ml	5000 ml

A, B എന്നീ മരുന്നുകൾ കൂപ്പികളുടെ എണ്ണം പരമാവധി ലഭിക്കുന്നതിന് ഈ പ്രശ്നം ഒരു LPP ആയി രൂപീകരിക്കുക. (4)

(ഗ്രാഫോ പരിഹാരമോ ആവശ്യമില്ല)

18. A യും B യും രണ്ട് ഇന്റീപെന്റൻ്റ് റൂവറുകളാണെന്ന് തന്നിട്ടുണ്ട്. കൂടാതെ $P(A) = \frac{2}{10}$;

$P(B) = \frac{4}{10}$ ആയാൽ ചുവടെ കൊടുത്തിരിക്കുന്നവ കാണുക.

(i) $P(A / B) \times P(B / A)$ (2)

(ii) $P(A \cup B)$ (2)

19 മുതൽ 25 വരെ ചോദ്യങ്ങളിൽ ഏതെങ്കിലും 5 എണ്ണത്തിന് ഉത്തരം എഴുതുക. 6 സ്കോർ വീതം. (5 × 6 = 30)

19. $f(x) = 3 + 4x$; $g(x) = x^2$ എന്നിവ രേഖീയ സംഖ്യാ ഗണത്തിലുള്ള രണ്ട് ഏകദണ്ഡാണ് എങ്കിൽ,

(i) f ഒരു വൺ-വൺ ഏകദമാണെന്ന് തെളിയിക്കുക. (2)

(ii) g, മെനി-വൺ ആണെന്ന് തെളിയുക. (1)

(iii) f ന്റേയും g യുടേയും ഡൊമെയ്നും റേഞ്ചും R^+ ആയി പരിഗണിച്ച് $f \circ g(x)$, $g \circ f(x)$ എന്നിവ കണക്കാക്കുക. (3)

20. Let $A = \begin{bmatrix} 2 & 4 \\ 5 & 1 \end{bmatrix}$. Then,

(i) Evaluate $\det(A)$ (1)

(ii) Show that $\det(3A) = 9 \cdot \det(A)$ (3)

(iii) Find x if $\begin{vmatrix} 2 & 4 \\ 5 & 1 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 2x & 4 \\ 6 & x \end{vmatrix}$ (2)

21. (i) Differentiate : $y = \cos(x^2)$ (2)

(ii) If $y = e^x(x^2 - 1)$, show that

$$\frac{d^2y}{dx^2} = \frac{dy}{dx} + \frac{2y}{x-1} \quad (4)$$

22. (i) Find the inverse of the matrix $\begin{bmatrix} 1 & -1 & 1 \\ 2 & 1 & -3 \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix}$ (4)

(ii) Solve the system of equations

$$x - y + z = 4$$

$$2x + y - 3z = 0$$

$$x + y + z = 2$$

using the above matrix. (2)

23. If $\vec{a} = \hat{i} + 2\hat{j} + 3\hat{k}$ and $\vec{b} = 2\hat{i} + \hat{j} - \hat{k}$ are two vectors,

(i) Find $\vec{a} + \vec{b}$ and $\vec{a} - \vec{b}$ (2)

(ii) Find $(\vec{a} + \vec{b}) \times (\vec{a} - \vec{b})$ (2)

(iii) Find a unit vector perpendicular to both $\vec{a} + \vec{b}$ and $\vec{a} - \vec{b}$. (2)

20. $A = \begin{bmatrix} 2 & 4 \\ 5 & 1 \end{bmatrix}$ ആയാൽ

(i) $\det(A)$ കണ്ടുപിടിക്കുക (1)

(ii) $\det(3A) = 9 \cdot \det(A)$ എന്ന് തെളിയിക്കുക. (3)

(iii) $\begin{vmatrix} 2 & 4 \\ 5 & 1 \end{vmatrix} = \begin{vmatrix} 2x & 4 \\ 6 & x \end{vmatrix}$ ആയാൽ x -ന്റെ വിലയെന്ത്? (2)

21. (i) ഡിഫറൻഷിയേറ്റ് ചെയ്യുക : $y = \cos(x^2)$ (2)

(ii) $y = e^x(x^2 - 1)$ ആയാൽ $\frac{d^2y}{dx^2} = \frac{dy}{dx} + \frac{2y}{x-1}$ എന്ന് തെളിയിക്കുക. (4)

22. (i) $\begin{bmatrix} 1 & -1 & 1 \\ 2 & 1 & -3 \\ 1 & 1 & 1 \end{bmatrix}$ എന്ന മെട്രിക്സിന്റെ ഇൻവേർസ് കാണുക. (4)

(ii) മുകളിൽ തന്നിട്ടുള്ള മെട്രിക്സ് ഉപയോഗിച്ച് നിർധാരണം ചെയ്യുക:

$$x - y + z = 4$$

$$2x + y - 3z = 0$$

$$x + y + z = 2$$

(2)

23. $\vec{a} = \hat{i} + 2\hat{j} + 3\hat{k}$, $\vec{b} = 2\hat{i} + \hat{j} - \hat{k}$ എന്നിവ രണ്ട് വെക്ടേർസ് ആണെങ്കിൽ

(i) $\vec{a} + \vec{b}$, $\vec{a} - \vec{b}$ എന്നീ വെക്ടറുകൾ കണ്ടുപിടിക്കുക. (2)

(ii) $(\vec{a} + \vec{b}) \times (\vec{a} - \vec{b})$ കണക്കാക്കുക. (2)

(iii) $\vec{a} + \vec{b}$, $\vec{a} - \vec{b}$ എന്നിവക്ക് ലംബമായ ഒരു യൂണിറ്റ് വെക്ടർ കണ്ടുപിടിക്കുക. (2)

24. Consider the following L.P.P.

$$\text{Max : } z = 3x + 2y$$

Subject to

$$x + y \leq 10, 0 \leq y \leq 8, x \geq 0$$

- (i) Draw the feasible region of the given L.P.P. (4)
- (ii) Find the solution of the L.P.P. (2)

25. A random variable X has the following probability distribution :

X :	0	1	2	3	4	5	6
P(X) :	k	k + 0.1	0	2k	2k	0.2	k

- (i) Find k (1)
- (ii) Find (a) $P(X \leq 2)$ (b) $P(X > 3)$ (2)
- (iii) Find the mean of the random variable X. (3)

24. താഴെ തന്നിരിക്കുന്ന L.P.P. പരിഗണിക്കുക

$$\text{Max : } z = 3x + 2y$$

Subject to

$$x + y \leq 10, 0 \leq y \leq 8, x \geq 0$$

- (i) L.P.P. യുടെ ഫീസിബിൾ റീജിയൻ വരയ്ക്കുക. (4)
- (ii) L.P.P.യുടെ പരിഹാരം കണ്ടുപിടിക്കുക. (2)

25. X എന്ന റേൻഡം വേരിയബിളിന്റെ പ്രോബബിലിറ്റി ഡിസ്ട്രിബ്യൂഷൻ ചുവടെ കൊടുത്തിരിക്കുന്നു :

X :	0	1	2	3	4	5	6
P(X) :	k	k + 0.1	0	2k	2k	0.2	k

- (i) k-യുടെ വില കാണുക (1)
- (ii) (a) $P(X \leq 2)$ (b) $P(X > 3)$ എന്നിവ കണക്കാക്കുക. (2)
- (iii) റേൻഡം വേരിയബിളിന്റെ ശരാശരി കണ്ടുപിടിക്കുക. (3)

HSSlive.in